

Презентация для учащихся 11 класса

Автор презентации - учитель математики МАОУ «Гимназия № 1 Октябрьского района г. Саратова» Распарин В.Н.

## ПЛОСКИЕ ФИГУРЫ

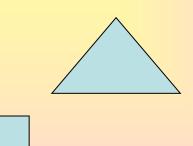
• ТРЕУГОЛЬНИК

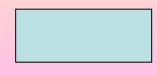


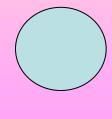


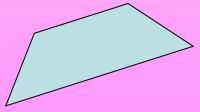
КРУГ

• ЧЕТЫРЕХУГОЛЬНИК







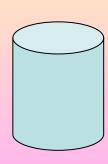




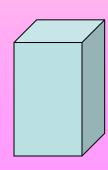
КУБ



• ЦИЛИНДР



• ПАРАЛЛЕЛЕПИПЕД



## Понятие объема.



Понятие объема в пространстве вводится аналогично понятию площади для фигур на плоскости.

Определение 1. *объемом тела* называется положительная величина, характеризующая часть пространства, занимаемую телом, и обладающая следующими свойствами:

- •равные тела имеют равные объемы; при параллельном переносе тела его объем не изменяется;
- •если тело разбить на части, являющиеся простыми телами, то объем тела равен объему его частей;
- •за единицу объема принят объем куба, ребро которого равно единице длины;
- **Определение 2.** Тела с равными объемами называются **равновеликими**. Из свойства 2 следует, что если тело с объемом  $V_1$  содержится внутри тела с объемом  $V_2$ , то  $V_1 < V_2$ .

#### Свойство объемов №1

Равные тела имеют равные объемы

Свойство объемов №2

Если тело составлено из нескольких тел, то его объем равен сумме объемов этих тел.

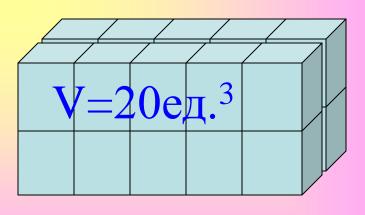
Свойство объемов №3

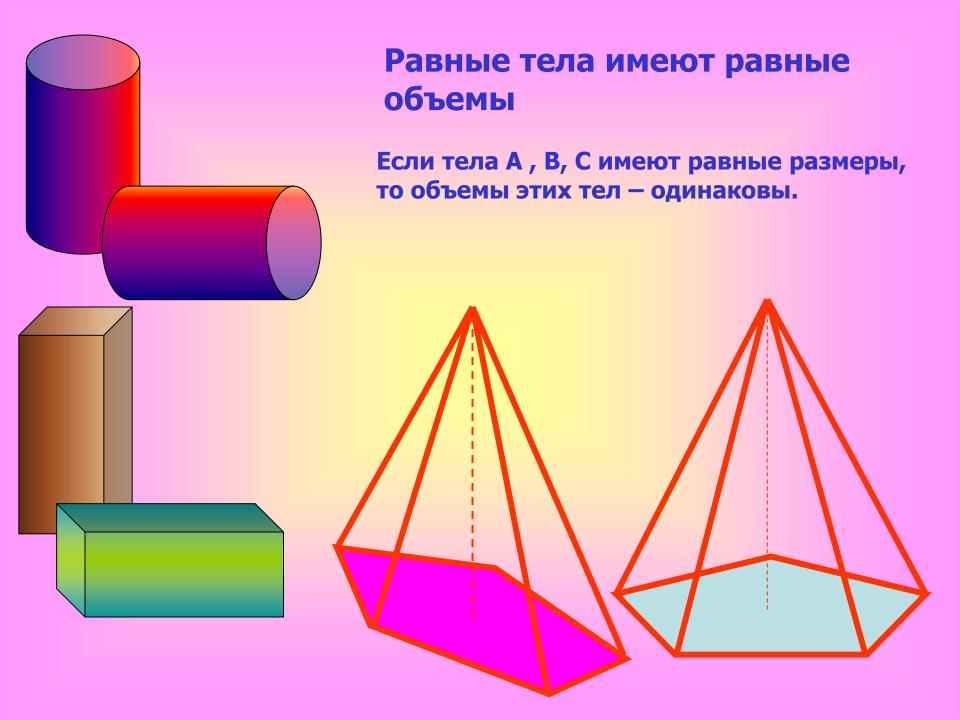
Если одно тело содержит другое, то объем первого тела не меньше объема второго.

# Обем прямоугольного параллеленинеда

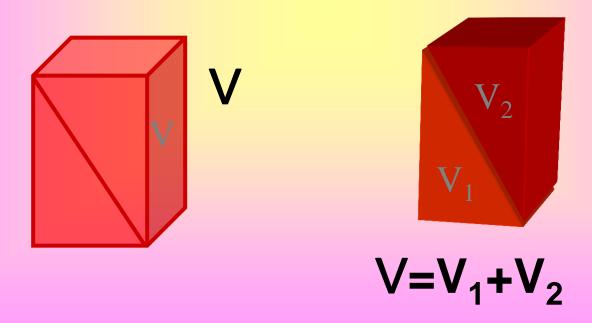


Чтобы найти объём многогранника, нужно разбить его на кубы с ребром, равным единице измерения.

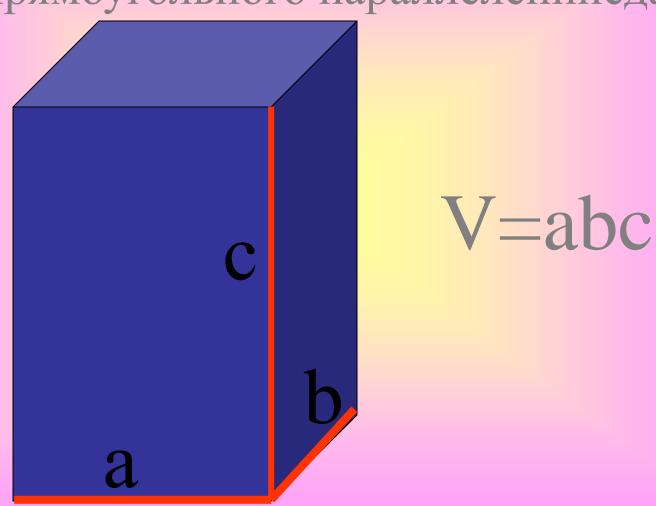


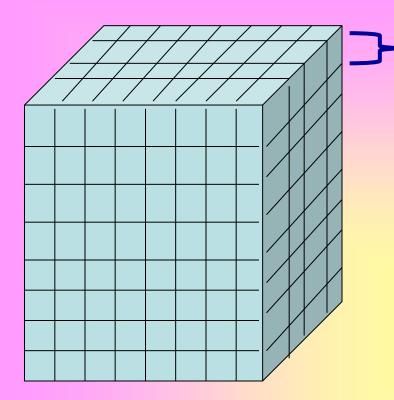


Если тело разбить на части, являющиеся простыми телами, то объем тела равен объему его частей.



Напомним формулу объёма прямоугольного параллелепипеда.





# Объем прямоугольного параллелепипеда

а, b, с-конечные десятичные дроби

Каждое ребро разбивается параллельными плоскостями, проведенными через точки деления ребер на равные части длиной 1/10 <sup>п.</sup> объем каждого полученного кубика будет равен 1/10 <sup>3n</sup>, т.к. длина ребер этого кубика 1/10 <sup>n</sup>, то

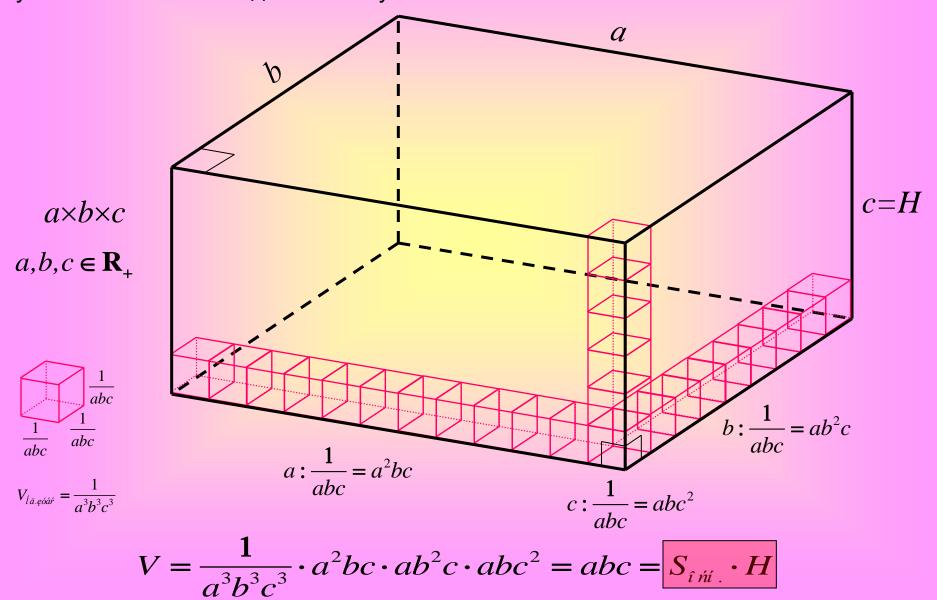
a\*10 n; в\*10 n; с\*10 n

1/10 n

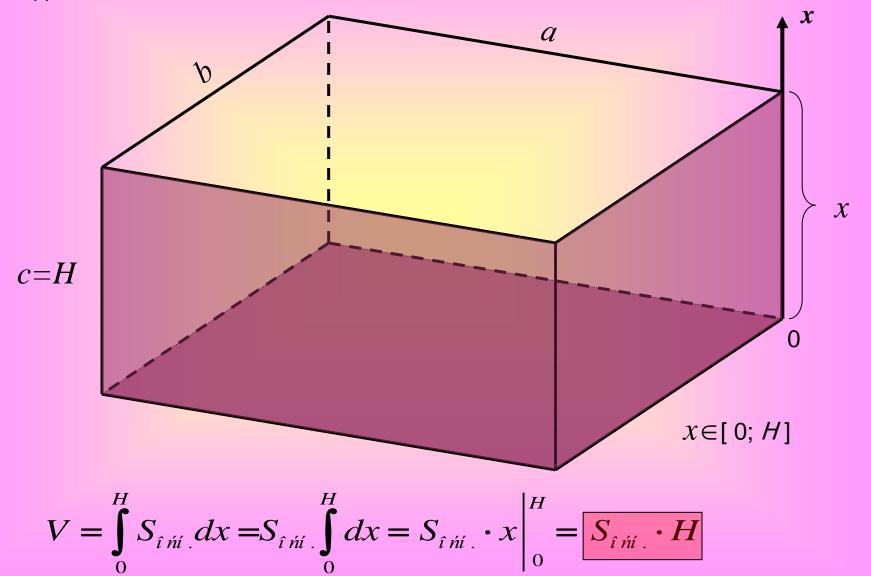
Т.к.  $n \rightarrow +\infty$ , то  $Vn \rightarrow V=aBC$ 

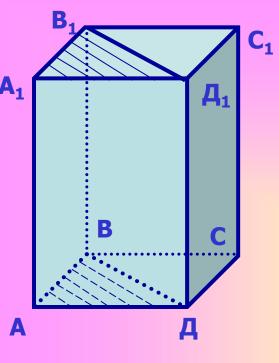
V=a\*b\*c\*103n\* 1/10 3n=a\*b\*c

Самым естественным образом определяется объем прямоугольного параллелепипеда. Как объём геометрического тела составленного из определенного количества единичных кубов. А значит, его объем определяется как сумма объемов этих единичных кубов.



Эту же формулу объема прямоугольного параллелепипеда можно получить пользуясь понятием бесконечной интегральной суммы. Объем прямоугольного параллелепипеда можно понимать как бесконечную сумму площадей основания, взятых вдоль его высоты.





Построим сечение прямоугольного параллелепипеда, проходящее через диагонали верхнего и нижнего оснований

#### Следствие 1:

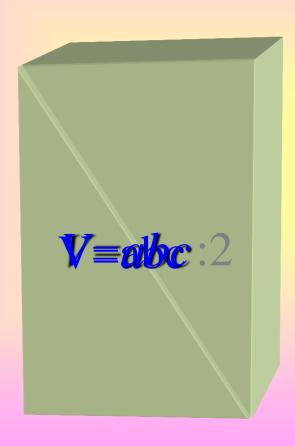
Объем прямоугольного параллелепипеда равен произведению площади основания на высоту.

V=Soc\*h, т.к. Soc.=a\*b;h=c

#### Следствие 2:

Объем прямой призмы, основанием которой является прямоугольный треугольник равен произведению площади основания на высоту.

Т.к. 
$$\triangle ABD-1/2 \square ABCД \rightarrow S_{ABD} = \frac{1}{2}S_{ABCD} \rightarrow V_{ABC} = \frac{1}{2}S_{ABCД}^*h = S_{ABD}^*h$$



:2

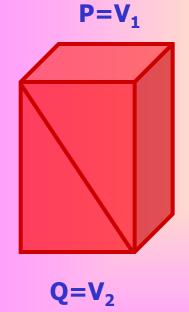
V=abc:2

V=Sc

V=Sh

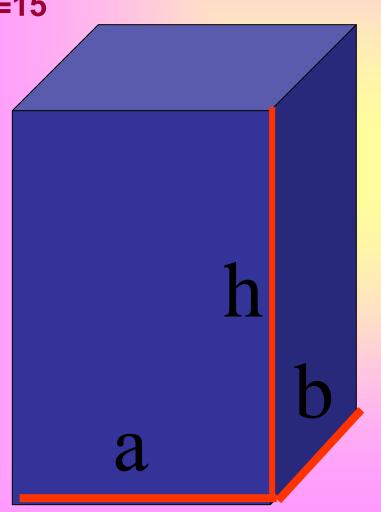
№647 б) Тело R состоит из тел P и Q, имеющих соответственно объемы V<sub>1</sub>, V<sub>2</sub>. Выразить объем V тела R через V<sub>1</sub> V<sub>2</sub> если б) тела P и Q имеют общую часть, объем которой равен 1/3V<sub>1</sub>

### Решение:



$$V = V_1 + V_2 - 1/3V_1 = 2/3V_1 + V_2$$

№ 648 а), Найти объем прямоугольного параллелепипеда, стороны основания которого равны а и b, а высота равна h, если а=11, b=12, h=15



# №649б) Найдите объем куба АВСДА<sub>1</sub>В<sub>1</sub>С<sub>1</sub>Д<sub>1</sub> , если АС<sub>1</sub>=3√2

Дано:  $ABCДA_1B_1C_1Д_1 - куб, AC_1=3\sqrt{2}$ 

Найти: V-?

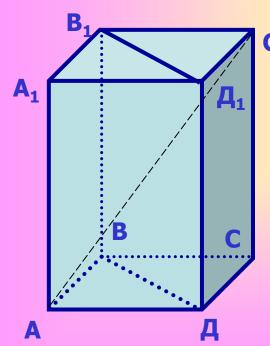


 $AC_1^2=3a^2$ , выразим а

$$a = AC_1/\sqrt{3} = 3\sqrt{2}/\sqrt{3} = \sqrt{6}$$

 $V = (\sqrt{6})3 = 6\sqrt{6} \text{ (cm}^3)$ 

Ответ:  $V = 6\sqrt{6}$  (см<sup>3</sup>)



№ 651 Кирпич имеет форму прямоугольного параллелепипеда с измерениями 25см, 12см и 6,5см. Плотность кирпича равна 1,8г/см<sup>3</sup>.

Найти его массу.

#### Решение:

Найдем объем тела V=25\*12\*6,5= 1950 (см³)

Связь плотности тела с его

 $m = 1.8*1950=3.51(\kappa r)$ .

Ответ : m =3,51кг.

# № 658 Найдите объем прямой призмы ABCA<sub>1</sub>B<sub>1</sub>C<sub>1</sub>, если <BAC=90<sup>0</sup>, BC=37см, AB=35см, AA<sub>1</sub>=1,1дм

Дано:  $ABCA_1B_1C_1$ - прямая

призма. <ВАС=90° ВС=37см,

AB=35см,  $AA_1=1,1$ дм

Найти: V-?

**Решение:**  $V = S_{ABC^*} AA_1$  (по следствию 2)

 $S_{ABC} = 1/2 BA* AC *cosA=1/2 BA*AC$ 

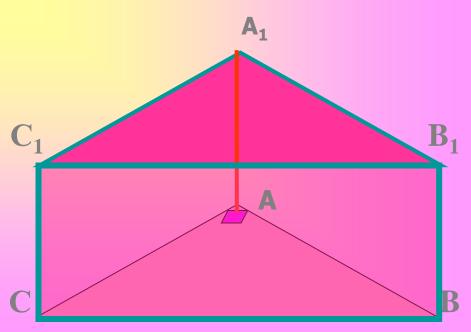
 $AC = \sqrt{BC^2 - AB^2}$  AC = 12cm.

 $S_{ABC} = 1/2 35*12 = 210(cm^2)$ 

V=S<sub>ABC\*</sub>AA<sub>1</sub>

 $V=210*11=2310(cm^3)$ 

Ответ:  $V = 2310 (см^3)$ 



## Реши задачу



#### Использованные материалы:

- 1. УМК Геометрия. Атанасян Л.С. и др. (10-11). Издание подготовлено под научнысм руководством академика Тихонова А.Н. Издательство: Просвещение, 2020 г.
- https://chertegnik.ru/geometriya/